

Λύσεις κριτηρίου 16

**ΘΕΜΑ Α**

A1. (δ) A2. (δ) A3. (δ) A4. (α) A5. α. Λ β. Σ γ. Σ δ. Λ ε. Λ

**ΘΕΜΑ Β**

**B1. (ii)**

Από την κλίση της γραφ. παράστασης  $\varphi=f(t)$  βρίσκουμε τα  $\omega$  και  $T$ .

$$\omega_1 = \frac{\Delta\varphi_1}{\Delta t} = \frac{4\pi - 0}{2 - 1} \text{ rad/s} \Rightarrow \omega_1 = 4\pi \text{ rad/s}, \omega_2 = \frac{\Delta\varphi_2}{\Delta t} = \frac{2\pi - 0}{2 - 1} \text{ rad/s} \Rightarrow \omega_2 = 2\pi \text{ rad/s}$$

$$T_1 = \frac{2\pi}{\omega_1} = 0,5\text{s}, T_2 = \frac{2\pi}{\omega_2} = 1\text{s}, T_2 = 2T_1$$

Επειδή πρόκειται για το ίδιο μέσο, η ταχύτητα διάδοσης είναι ίδια, άρα σύμφωνα με τη σχέση  $\lambda=vT$ , προκύπτει  $\lambda_2=2\lambda_1$ .

Από τη σχέση  $x=vt$ , αφού το  $v$  είναι κοινό, προκύπτει ότι στο κύμα 1 η απόσταση  $x$  αντιστοιχεί σε  $2\lambda_1$ , ενώ στο κύμα 2 σε  $\lambda_2$ . Η σχέση αυτή υπάρχει μόνο στο σχήμα (β).

**B2. (iii)**

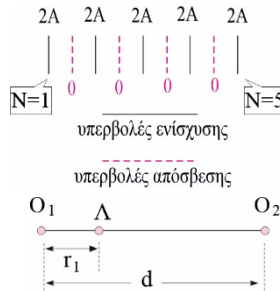
Όταν  $x=x_1=0,5\lambda$ , η συνθήκη για ενίσχυση δίνει

$$(AB\Gamma) + 2x_1 - (EZH) = N\lambda \Rightarrow 2x_1 = N\lambda \Rightarrow N = 1$$

Όταν  $x=x_2=2,5\lambda$ , η συνθήκη για ενίσχυση δίνει

$$(AB\Gamma) + 2x_2 - (EZH) = N\lambda \Rightarrow 2x_2 = N\lambda \Rightarrow N = 5$$

Άρα, μεταξύ των υπερβολών ενίσχυσης από  $N=1$  μέχρι  $N=5$  υπάρχουν 4 υπερβολές απόσβεσης (δες σχήμα).



**B3. (ii)**

2η υπερβολή ενίσχυσης αριστερά της μεσοκαθέτου, άρα  $r_1-r_2=-2\lambda$  ή  $\lambda=2\text{cm}$ .

Από το ορθογώνιο τρίγωνο έχουμε  $(O_1O_2) = d = \sqrt{r_1^2 + r_2^2} = 20\text{cm}$

Για απόσβεση, σε ένα σημείο που απέχει  $r_1$  από την πηγή έχουμε:

$$r_1 - (d - r_1) = (2N + 1)\frac{\lambda}{2} \Rightarrow r_1 = \frac{d}{2} + (2N + 1)\frac{\lambda}{4} \Rightarrow r_1 = 10,5 + N, (\text{cm})$$

Ισχύει  $0 < r_1 < d \Rightarrow 0 < 10,5 + N < 20 \Rightarrow -10,5 < N < 9,5$ ,

Φυσική Γ' Λυκείου - Επανάληψη / Παλόγος Αντ., Κατεβιάτης Χ., Μπετσάκος Π. & Ποντικός Ηλ.  
 άρα το N παίρνει είκοσι τιμές.

### ΘΕΜΑ Γ

Γ1.  $v_{\max} = \omega A = 2\pi f A$  ,  $f = 0,5 \text{ Hz}$  .

Γ2.  $v = \lambda f = 10 \text{ cm/s}$

Γ3. Το κύμα προχώρησε κατά  $x = \frac{7\lambda}{4}$  σε χρόνο  $t_0 = \frac{7T}{4}$  , άρα  $t_0 = 3,5s$ .

Γ4.  $\left| \frac{dp}{dt} \right| = \frac{1}{2} \left| \frac{dp}{dt} \right|_{\max} \Rightarrow |\Sigma F| = \frac{1}{2} |\Sigma F|_{\max} \Rightarrow |m\omega^2 y| = \frac{1}{2} |m\omega^2 A| \Rightarrow y = \pm \frac{A}{2}$

Για  $\frac{A}{2} = A \cdot \eta \mu 2\pi \left( 1 - \frac{x}{20} \right)$  προκύπτουν δύο λύσεις.

$\frac{\pi}{6} + 2k\pi = 2\pi - \frac{\pi x}{10} \Rightarrow x = \frac{110}{6} - 20k$  , (1)

$\frac{5\pi}{6} + 2k\pi = 2\pi - \frac{\pi x}{10} \Rightarrow x = \frac{70}{6} - 20k$  , (2)

Από τις (1), (2) για  $k=0$  έχουμε  $x = \frac{110}{6} \text{ cm}$  ( $M_4$  ,  $x = \frac{70}{6} \text{ cm}$  ( $M_3$

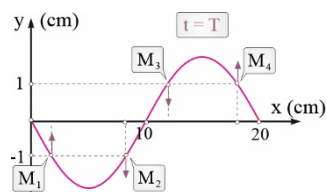
Για  $-\frac{A}{2} = A \cdot \eta \mu 2\pi \left( 1 - \frac{x}{20} \right)$  προκύπτουν δύο λύσεις.

$\frac{7\pi}{6} + 2k\pi = 2\pi - \frac{\pi x}{10} \Rightarrow x = \frac{50}{6} - 20k$  , (3)

$\frac{11\pi}{6} + 2k\pi = 2\pi - \frac{\pi x}{10} \Rightarrow x = \frac{10}{6} - 20k$  , (4)

Από τις (3), (4) για  $k=0$  έχουμε

$x = \frac{50}{6} \text{ cm}$  ( $M_2$  )  $x = \frac{10}{6} \text{ cm}$  ( $M_1$



Γ5. Το στιγμιότυπο περιγράφεται από τη σχέση  $y = 0,02 \cdot \eta \mu (2\pi - 10\pi x)$  (SI) , δείχνεται στο σχήμα, καθώς και οι ταχύτητες των 4 σημείων.

### ΘΕΜΑ Δ

Δ1. Την  $t=0$  το Λ έχει φάση  $2\pi$ , άρα διέρχεται από τη θέση ισορροπίας και  $v_{\max} = 0,4\pi \text{ m/s}$  .

Από την εξίσωση της φάσης για το κύμα 2,  $\varphi = 2\pi \left( \frac{t}{T} + \frac{x}{\lambda} \right)$  , με αντικατάσταση για  $t=0$  και  $x=1\text{m}$ , προκύπτει  $\lambda=1\text{m}$ .

Με αντικατάσταση στην ίδια σχέση για  $x=1,75\text{m}$ , προκύπτει ότι το σημείο Μ, την  $t=0$  έχει φάση

$$3,5\pi = 2\pi + \frac{3\pi}{2}, \text{ \u03c1\u0301ρα βρίσκεται στην ακρα\u03c1\u0301α αρνητικ\u03c1\u0301η \u03c1\u0301θεση και } \alpha_{\text{max}} = 4\pi^2 \text{m/s}^2.$$

$$\frac{\alpha_{\text{max}}}{v_{\text{max}}} = \frac{\omega^2 A}{\omega A} = \frac{4\pi^2 \text{m/s}^2}{0,4\pi \text{m/s}} \Rightarrow \omega = 10\pi \frac{\text{r}}{\text{s}}. \text{ \u038c\u03c1\u0301ρα, } f=5\text{Hz} \text{ και } T=0,2\text{s}.$$

**\u03942.**  $v_{\text{max}} = \omega A \Rightarrow A = \frac{0,4\pi}{10\pi} \text{m} \Rightarrow A = 0,04\text{m}$

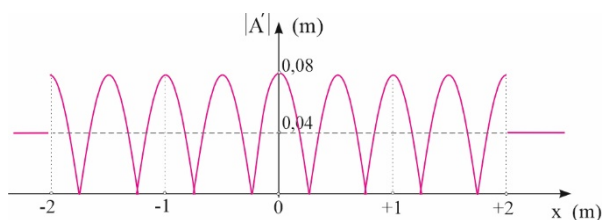
$$y_1 = 0,04\eta\text{m}2\pi(5t - x)(\text{SI}) \quad \text{και} \quad y_2 = 0,04\eta\text{m}2\pi(5t + x) (\text{SI})$$

**\u03943.** Η στιγμή  $t_1=0,4\text{s}$  αντιστοιχεί σε δύο περιόδους, τα δύο κύματα έχουν προχωρήσει εκατέρωθεν της  $x=0$  κατά  $2\lambda=2\text{m}$  και έχει αποκατασταθεί στάσιμο στην περιοχή  $-2\text{m} \leq x \leq 2\text{m}$ . Το πλάτος του στάσιμου είναι

$$|A'| = 2 \cdot A \left| \sigma\text{υν} \frac{2\pi x}{\lambda} \right| \Rightarrow$$

$$|A'| = 0,08 \left| \sigma\text{υν} 2\pi x \right| (\text{SI})$$

με  $-2\text{m} \leq x \leq 2\text{m}$



\u038c\u03c1\u0301ρα η γραφικ\u03c1\u0301η παρα\u03c1\u0301σταση του πλάτους είναι

**\u03944.** Η ταχύτητα διάδοσης των κυμάτων είναι  $v = \lambda f = 5\text{m/s}$ .

Στο σημείο Ρ το κύμα που διαδίδεται προς τα δεξιά φθάνει τη στιγμή  $t_2 = \frac{2,25\text{m}}{5\text{m/s}} = \frac{4,5}{10} \text{s} = \frac{9}{20} \text{s}$ ,

που αντιστοιχεί σε χρονικό διάστημα  $2T+T/4$ . \u038c\u03c1\u0301ρα, μέχρι τη στιγμή  $t_2 = 0,45\text{s}$  ( $2T+T/4$ ) κάνει ταλάντωση πλάτους Α, με εξίσωση απομάκρυνσης:

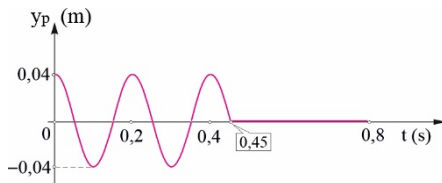
$$y_P = 0,04\eta\text{m}2\pi(5t + 2,25) \Rightarrow y_P = 0,04\eta\text{m}(10\pi t + 4,5\pi)(\text{SI}) \text{ για } 0 \leq t \leq 0,45\text{s}$$

Βρίσκουμε το πλάτος ταλάντωσης του σημείου Ρ μετά την αποκατάσταση του στάσιμου:

$$A'_P = 2 \cdot A \left| \sigma\text{υν} \frac{2\pi \cdot 2,25}{1} \right| \Rightarrow$$

$$A'_P = 2 \cdot A \left| \sigma\text{υν} \frac{4,5\pi}{1} \right| \Rightarrow A'_P = 0$$

\u038c\u03c1\u0301ρα,  $y_P = 0$  για  $0,45\text{s} < t \leq 0,8\text{s}$



Στο διπλανό σχήμα δείχνεται η γραφικ\u03c1\u0301η παρα\u03c1\u0301σταση  $y_P = f(t)$ .

**\u03945.** Τη στιγμή  $t_2=0,55\text{s}$  το κύμα 1 έχει προχωρήσει κατά  $x = vt = 5 \cdot 0,55\text{m} \Rightarrow x = 2,75\text{m}$

Άρα το στάσιμο εκτείνεται στην περιοχή  $-2,75\text{m} \leq x \leq 2,75\text{m}$  και οι απομακρύνσεις των σημείων περιγράφονται από τη σχέση:

$$y = 2A \cdot \text{συν} \frac{2\pi x}{\lambda} \cdot \eta\mu\omega t \Rightarrow y = 0,08 \cdot \text{συν} 2\pi x \cdot \eta\mu(10\pi \cdot 0,55)(\text{SI}) \Rightarrow$$

$$y = -0,08 \cdot \text{συν} 2\pi x (\text{SI}) \quad \mu\epsilon \quad -2,75\text{m} \leq x \leq 2,75\text{m}$$

Οι απομακρύνσεις των σημείων

$2,75\text{m} < x \leq 4\text{m}$  περιγράφονται από τη σχέση:

$$y = 0,04\eta\mu 2\pi \left( 5 \cdot 0,55 + \frac{x}{1} \right) \Rightarrow$$

$$y = 0,04\eta\mu(5,5\pi + 2\pi x) (\text{SI})$$

με  $2,75\text{m} < x \leq 4\text{m}$

Η γραφική παράσταση  $y = f(x)$

την  $t_2=0,55\text{s}$  για  $0\text{m} \leq x \leq 4\text{m}$  δείχνεται στο σχήμα.

